

**ANÁLISE DE COMPONENTES PRINCIPAIS PARA O MONITORAMENTO
DE ÁREAS REFLORESTADAS**

David Chung Liang Lee
Yosio Edemir Shimabukuro
Pedro Hernandez Filho
Instituto de Pesquisas Espaciais - INPE
Secretaria Especial da Ciência e Tecnologia
Caixa Postal 515
12201 São José dos Campos, SP
BRASIL

RESUMO

Análise de componentes principais (CP) é uma técnica que tem sido utilizada na análise de imagens multiespectrais com o objetivo principal de reduzir a dimensionalidade dos dados. Além disso, esta técnica permite realce de dados para aplicações em recursos naturais e para a detecção de mudanças ocorridas na cobertura do solo. Trabalhos anteriores utilizando dados multitemporais do Landsat mostram que as primeiras componentes principais explicam as mudanças na cobertura do solo. Nesse trabalho, aplicou-se a análise de componentes principais para o monitoramento de áreas reflorestadas na área de estudo no município de Mogi-Guacu, no Estado de São Paulo. Foram utilizadas imagens TM do satélite Landsat obtidos nos anos de 1984, 1987 e 1989, utilizando o programa Componentes Principais implementado no Sistema de Tratamento de Imagens (SITIM). Os resultados mostram o potencial dessa técnica para o monitoramento das áreas reflorestadas, ou seja, as mudanças ocorridas durante o período compreendido pelas imagens utilizadas.

ABSTRACT

Principal Components Analysis (PCA) is a technique that has been used for multispectral image analysis with the main objective of reducing the number of spectral dimension to fewer principal components. These components account for most of the variance in the original multispectral data that permit to enhance data for using in land-cover change detection on natural resources applications. Previous works found that the higher order principal components were able to account for land-cover changes. In this study, we examine the effect of using principal components analysis with special emphasis on its application of monitoring temporal changes in the reforestation areas of study site in Mogi-Guacu municipality, São Paulo State, Brazil. The digital image analyzer system (SITIM) was utilized to analyse Landsat Thematic Mapper (TM) images obtained in 1984, 1987 and 1989. The results show the potentialities of this technique for monitoring the reforestation areas, i.e., the changes occurred during the period of the images covered.

1. INTRODUÇÃO

A análise de componentes principais (CP) é uma técnica geralmente usada no tratamento digital de imagens multiespectrais de sensoriamento remoto. Essa técnica tem sido utilizada para reduzir a dimensionalidade dos dados multiespectrais e realçar os dados para aplicações no estudo de recursos naturais. Além disso, esta técnica tem sido utilizada na detecção de mudança na cobertura do solo (Lodwick, 1979; Byrne et al., 1980; Richards, 1984; Singh, 1986).

Os dados multiespectrais coletados por sensores remotos apresentam geralmente alta correlação entre bandas adjacentes. O mapeador temático (TM) do Landsat, por exemplo, apresenta os dados das bandas do visível (TM1, TM2 e TM3) altamente correlacionados (Townshend, 1984) por causa da refletância relativamente baixa da vegetação nessa faixa do espectro eletromagnético.

O tratamento digital utilizando todas as bandas do sensor, além de envolver uma certa redundância das informações, aumenta o custo de processamento especialmente para o estudo de detecção de mudanças que utiliza imagens de várias datas. Como solução, a análise de componentes principais tem sido usada para a redução da dimensionalidade dos dados originais pela transformação em componentes principais não correlacionados. A análise de componentes principais tem a característica de preservar a variância total da transformação dos dados e minimizar o quadrado dos erros médios aproximados. Por estas razões, ela é uma técnica atrativa para a redução da dimensionalidade de dados.

Nesse estudo, procura-se avaliar a análise de componentes principais como uma ferramenta para o monitoramento de áreas reflorestadas, isto é, detectar e avaliar as mudanças ocorridas nessas áreas em um período determinado. Os componentes principais são baseados nos autovetores derivados das matrizes de covariância (dados não padronizados) ou correlação (dados padronizados). Os dados estatísticos e as imagens resultantes das componentes principais derivados da área de estudo total são analisados para avaliar o conteúdo da informação para o monitoramento de áreas reflorestadas.

2. MATERIAL E MÉTODO

2.1 ÁREA DE ESTUDO

A área de estudo está localizada no município de Mogi-Guaçu no Estado de São Paulo, compreendida entre os meridianos de 47°00' e 47°15' de longitude oeste e os paralelos de 22°05' e 22°00' de latitude sul, cobrindo uma área aproximada de 236 quilômetros quadrados.

Essa área inclui a Fazenda Campininha do Instituto Florestal de São Paulo com plantios de *Pinus*, e o Horto Santa Terezinha da Champion Celulose e Papel com plantios de *Eucalyptus*. As principais espécies de *Pinus* na Fazenda Campininha são: *Pinus elliottii* e *Pinus taeda*. Outras espécies como *Pinus caribaea*, *Pinus bahamensis*, *Pinus oocarpa*, e *Pinus palustris* são plantadas em menor quantidade. No Horto Santa Terezinha, *Eucalyptus alba* e *Eucalyptus saligna* são as espécies mais plantadas. Além disso, existem áreas com culturas agrícolas com predominância de *citrus* e pastagem.

Informações complementares sobre solos, geologia, clima, etc. podem ser encontradas no trabalho de Hernandez Filho e Shimabukuro (1978).

2.2 DESCRIÇÃO E PRÉ-PROCESSAMENTO DOS DADOS

A área de estudo é coberta pela órbita/ponto 220/75-D do satélite Landsat-5. Para esse estudo foram utilizadas imagens digitais correspondentes às seguintes passagens: 19 de Maio de 1984, 25 de Março de 1987, 20 de Novembro de 1987 e 15 de Abril de 1989. Foram utilizadas as bandas TM1 (0,45 - 0,52 μm), TM2 (0,52 - 0,60 μm), TM3 (0,63 - 0,69 μm), TM4 (0,76 - 0,90 μm), TM5 (1,55 - 1,75 μm) e TM7 (2,08 - 2,35 μm).

As imagens de 1984 e 1989 foram usadas para a detecção de mudanças ocorridas nas áreas reflorestadas da área de estudo. As imagens de Março e Novembro de 1987 foram utilizadas com o objetivo de observar a variabilidade das componentes principais devido às características sazonais da cobertura do solo. Fotografias aéreas de Novembro de 1988 e informações do Instituto Florestal de São Paulo e Champion Celulose

e Papel estão também disponíveis para referências.

Nove possíveis mudanças, incluindo área não alterada, foram identificadas:

- área de Pinus para área de Pinus.
- área de Pinus para área de Eucalyptus.
- área de Pinus para área cortada.
- área de Eucalyptus para área de Pinus.
- área de Eucalyptus para área de Eucalyptus.
- área de Eucalyptus para área cortada.
- área cortada para área de Pinus.
- área cortada para área de Eucalyptus.
- área cortada para área cortada.

O pré-processamento de dados incluiu o registro geométrico dos pares das imagens de 1984 e 1989 e das imagens de Março e Novembro de 1987. As imagens de Abril de 1989 e Novembro de 1987 foram selecionadas como referências para o registro geométrico das imagens de Maio de 1984 e Março de 1987, respectivamente. Foram utilizadas 26 e 24 pontos de controles para o registro da imagem de Maio de 1984 e Março de 1987, respectivamente. Os erros de registro avaliados foram 0,62 pixel (direção - x) e 0,46 pixel (direção - y) para a imagem de Maio de 1984 e 0,62 pixel (direção - x) e 0,37 pixel (direção - y) para a imagem de Março de 1987.

2.3 COMPONENTES PRINCIPAIS

Componentes principais é uma técnica estatística que seleciona um novo sub-espaco de uma dada dimensão em que preserva a maior parte da variância dos dados originais.

Os dados multiespectrais de sensoriamento remoto podem ser representados por vetores de dimensão igual ao número de bandas espectrais associadas a cada pixel da imagem. Um dado pixel numa imagem é identificado como um ponto no espaço n-dimensional em que as suas coordenadas correspondem aos valores de brilho nas faixas espectrais consideradas.

Pelo conceito estatístico, se as variáveis aleatórias x_1, x_2, \dots, x_p apresentam uma distribuição multivariada com vetor de médias μ e matriz de covariância Σ , pode-se extrair dessa população amostras de N observações in-

dependentes. Essas observações podem ser escritas como uma matriz $N \times p$ (Morrison, 1976, p.266):

$$X = \begin{bmatrix} x_{11} & \dots & x_{1p} \\ \vdots & & \vdots \\ \vdots & & \vdots \\ x_{N1} & \dots & x_{Np} \end{bmatrix}$$

A posição média dos pixels no espaço é definida pelo valor esperado de acordo com:

$$\bar{x} = \frac{1}{N} \sum_{j=1}^N x_j$$

onde \bar{x} é o vetor das médias e os x_j são os vetores individuais do total N.

A estimativa imparcial de Σ será a usual matriz de covariância (S) dada por:

$$S = \frac{1}{N-1} \sum_{j=1}^N (x_j - \bar{x})(x_j - \bar{x})^T$$

onde \bar{x} é o vetor de médias e $(x_j - \bar{x})^T$ é a transposta do vetor $(x_j - \bar{x})$ (Richards, 1986, p.130).

A matriz de correlação (R) pode ser obtida por procedimento semelhante ao utilizado para a matriz de covariância ou esta pode ser convertida na matriz de correlação cujos elementos são relacionados da seguinte forma:

$$r_{ij} = v_{ij} / (\sqrt{v_{ii} v_{jj}})^{1/2},$$

onde r_{ij} e v_{ij} é um elemento da matriz de correlação e covariância, respectivamente, e v_{ii} e v_{jj} são as variâncias da i^{th} e j^{th} bandas espectrais, respectivamente.

As componentes principais são baseadas nos autovetores derivados das matrizes de covariância (não padronizadas) ou correlação (padronizados). Essas matrizes podem ser extraídas de um subconjunto ou total da área de estudo de uma imagem Landsat. A componente principal Y_j é expressa como:

$$Y_j = a_{1j} x_1 + a_{2j} x_2 + \dots + a_{Nj} x_N = a_j^T X,$$

onde $a_j^T (= a_{1j}, \dots, a_{Nj})$ é a transposta dos autovetores normalizados da matriz de covariância S de X. Asso-

tiados aos autovetores estão os autovale-
lores que correspondem às variâncias
dos pixels nas respectivas coordenadas
transformadas. Os autovaleores são organi-
zados na ordem decrescente de modo
que os dados apresentam a maior variâ-
ncia na primeira componente principal
 Y_1 , a segunda maior variância em Y_2 e
assim por diante, com a menor variância
apresentada na última componente Y_N .

Para esse trabalho, foi utilizado
o programa de componentes principais
implementado no Sistema de Tratamento
de Imagens (SITIM) que embora forneça
os dados estatísticos para até 8 compo-
nentes, permite sómente visualizar as
três primeiras componentes. Atualmente
este programa está sendo reformulado
para permitir a geração e a visualiza-
ção de um maior número de componentes.
As principais componentes foram deriva-
das das matrizes de covariância e
correlação extraídas da área de estudo
total em imagens TM/Landsat. A trata-
mento desses dados foram divididos em
duas fases: 1) análise isoladas das
imagens utilizadas, em que foram consi-
deradas todas as bandas espectrais do
TM exceto a banda TM (termal), e 2)
análise conjunta dos pares de imagens
(Março/Novembro de 1987 e Maio/1984-
Abril/1989), em que foram consideradas
as bandas TM3 (visível), TM4 (infravermelho
próximo) e TM5 (infravermelho mé-
dio).

3. RESULTADOS E DISCUSSÃO

3.1 DADOS DE MARÇO E NOVEMBRO/1987 (ANALISE ISOLADA)

Os dados estatísticos (autoestrutura)
da transformação de componentes
principais das imagens de Março e No-
vembro de 1987 são apresentados nas Ta-
belas 1 e 2, respectivamente. Nessas
tabelas, verifica-se que a primeira
componente principal é fortemente
carregada na banda TM5 (infravermelho
médio) para a CP derivada da matriz de
covariância e é igualmente carregada em
todas as bandas exceto na banda TM4
(infravermelho próximo) para a CP deri-
vada da matriz de correlação.

As variâncias acumuladas para as
duas componentes principais são: 96,95%
(derivada da matriz de covariância) e
93,99% (derivada da matriz de correla-
ção) para a imagem de 25 de Março de
1987, e 96,79% (derivada da matriz de
covariância) e 94,84% (derivada da ma-

triz de correlação) para a imagem de 20
de Novembro de 1987. Embora as porcen-
tagens acumuladas de variância das duas
primeiras componentes sejam pratica-
mente iguais para as duas datas, pode-
se notar as diferenças nas porcentagens
de variâncias atribuídas às primeiras e
segundas componentes. A imagem de Março
de 1987 apresenta variância de 80,72% e
16,23% para a primeira e segunda compo-
nente, respectivamente, e a imagem de
Novembro de 1987 apresenta as variâ-
ncias de 86,59% e 10,20% para a primeira
e segunda componente, respectivamente.
Considerando que a segunda componente
principal contém informações em que
predominam a banda TM4 (infravermelho
próximo), podemos notar que existe uma
variação sazonal da cobertura vegetal
no solo.

3.2 DADOS DE MAIO/1984 E ABRIL/1989 (ANALISE ISOLADA)

Os dados de autovetores de Maio de
1984 e Abril de 1989 são apresentados
nas Tabelas 3 e 4. Nessas tabelas,
considerando as CPs derivadas da matriz
de covariância, verifica-se que a pri-
meira componente é fortemente carregada
na banda TM5 do infravermelho médio.
Isto é devido à área conter grande va-
riedade de alvos predominando solo nu e
áreas reflorestadas com alta e baixa
reflectância nessa faixa espectral pro-
vocando uma maior variância nesta
banda. A segunda componente principal é
carregada de forma muito intensa pela
variação encontrada na banda do infra-
vermelho próximo (TM4). As duas primei-
ras componentes apresentam 96,63% e
95,12% do total de variância dos dados
originais para as imagens de Maio de
1984 e Abril de 1989, respectivamente.
As demais componentes principais não
apresentam variâncias significativas.

A primeira componente principal
obtida da matriz de correlação, clara-
mente distinta da derivada da matriz de
covariância, é carregada approxima-
damente com os mesmos valores em todas as
bandas exceto a do infravermelho
próximo (TM4). A segunda componente
principal apresenta comportamento se-
melhante à obtida da matriz de cova-
riância, isto é, ela é carregada for-
temente pela variação encontrada na
banda do infravermelho próximo. As duas
primeiras componentes apresentam 92,67%
e 91,51% do total de variância dos da-
dos originais para as imagens de Maio

de 1984 e Abril de 1989, respectivamente.

A imagem de Maio de 1984 apresenta as variâncias de 73,03% e 23,69% (derivada da matriz de covariância) para a primeira e segunda componente, respectivamente, e a imagem de Abril de 1989 apresenta as variâncias de 74,42% e 20,70% (derivada da matriz de covariância) para a primeira e segunda componente, respectivamente. Pode-se notar que o comportamento das duas primeiras componentes principais são semelhantes para as duas imagens analisadas e portanto, pode-se considerar que não existe influência significativa da variação sazonal.

3.3 DADOS DE MARÇO E NOVEMBRO/87-ANÁLISE CONJUNTA)

Os dados estatísticos da transformação em componentes principais derivadas das imagens conjuntas de Março e Novembro de 1987 são apresentados na Tabela 5. As duas primeiras componentes derivadas destas imagens apresentam comportamento semelhante àquelas observadas nas imagens isoladas, isto é, a primeira componente é carregada fortemente pelas bandas TM5, enquanto que a segunda componente principal é carregada fortemente pelas bandas TM4 das imagens consideradas.

Os dados de Março e Novembro de 1987 foram analisados conjuntamente, com o objetivo de verificar as modificações ocorridas neste ano provocadas por razões sazonais (período chuvoso e seco). Cerca de 94,61% e 90,99% da variância dos dados originais estão contidas nas três primeiras componentes principais para os dados não padronizados e dados padronizados, respectivamente.

A Fig. 1 mostra as imagens de componentes principais derivadas da matriz de covariância (dados não padronizados). Essas imagens (Figs. 1a-primeira componente, 1b-segunda componente e 1c-terceira componente) mostram as mudanças ocorridas entre os períodos de Março e Novembro de 1987, principalmente devido a variação sazonal. Além disso, elas apresentam as mudanças ocorridas na cobertura do solo (áreas reflorestadas para áreas cortadas e vice-versa).

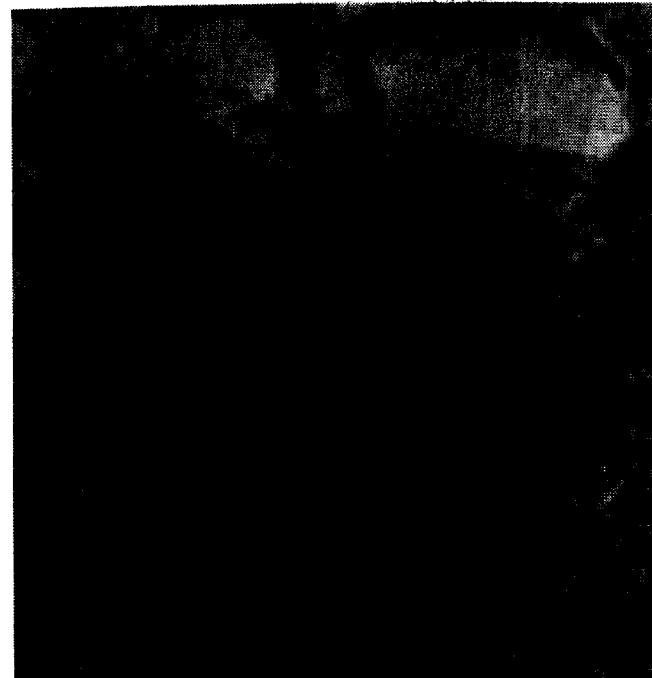
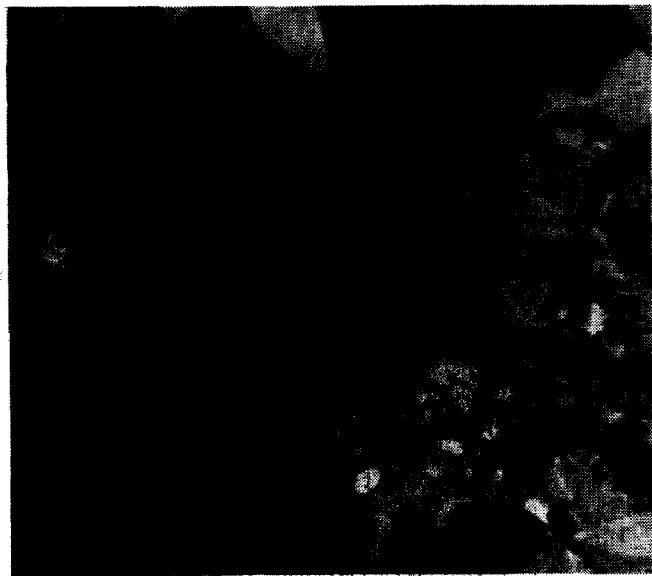


Fig. 1 - Imagens componentes principais derivadas das imagens de Março e Novembro de 1987: (a) primeira componente, (b) segunda componente e (c) terceira componente.

3.4 DADOS DE MAIO DE 1984 E ABRIL DE 1989 (ANÁLISE CONJUNTA)

Outra abordagem para aplicar componentes principais para detecção de mudanças é usando rotação de dados combinados de multidatas. Os dados estatísticos da transformação em componentes principais derivadas das imagens conjuntas de Maio de 1984 e Abril de 1989 são apresentados na Tabela 6. As duas primeiras componentes derivadas das imagens conjuntas apresentam comportamento semelhante aquelas observadas nas imagens isoladas, isto é, a primeira componente é carregada fortemente pelas bandas TM5, enquanto que a segunda componente principal é carregada fortemente pelas bandas TM4 das imagens consideradas. Cerca de 92,60% e 88,66% da variância dos dados originais estão contidas nas três primeiras componentes principais para os dados não padronizados e dados padronizados, respectivamente.

A Fig. 2 mostra as imagens de componentes principais derivadas da matriz de covariância (dados não padronizados). Essas imagens mostram as mudanças ocorridas entre os períodos de 1984 e 1989, isto é, mudanças de áreas reflorestadas com *Eucalyptus* e *Pinus* em 1984 para áreas cortadas em 1989, e área cortada em 1984 para áreas reflorestadas com *Eucalyptus* e *Pinus* em 1989.

Na Fig. 2a (primeira componente principal) as áreas que eram reflorestamento em 1984 mudando para áreas cortadas em 1989 e as áreas que eram solo nu (área cortada) em 1984 e foram reflorestadas aparecem com tonalidade cinza médio. Nesta imagem não é possível observar o tipo de mudança ocorrida. Na Fig. 2b (segunda componente principal) as áreas que eram reflorestamento em 1984 mudando para áreas cortadas em 1989 e as áreas que eram solo nu (área cortada) em 1984 e foram reflorestadas aparecem com tonalidade cinza claro. Da mesma maneira que a componente anterior, não foi possível observar o tipo de alteração ocorrida. Na Fig. 2c (terceira componente principal) as áreas que eram reflorestamento em 1984 e foram cortadas aparecem em tonalidade clara, enquanto que as áreas que eram solo nu (área cortada) em 1984 e foram reflorestadas aparecem com tonalidade escura. Embora a terceira componente principal apresente uma porcentagem relativamente baixa (9,02) ela contém informações importantes para a definição do tipo de mudança ocorrida.

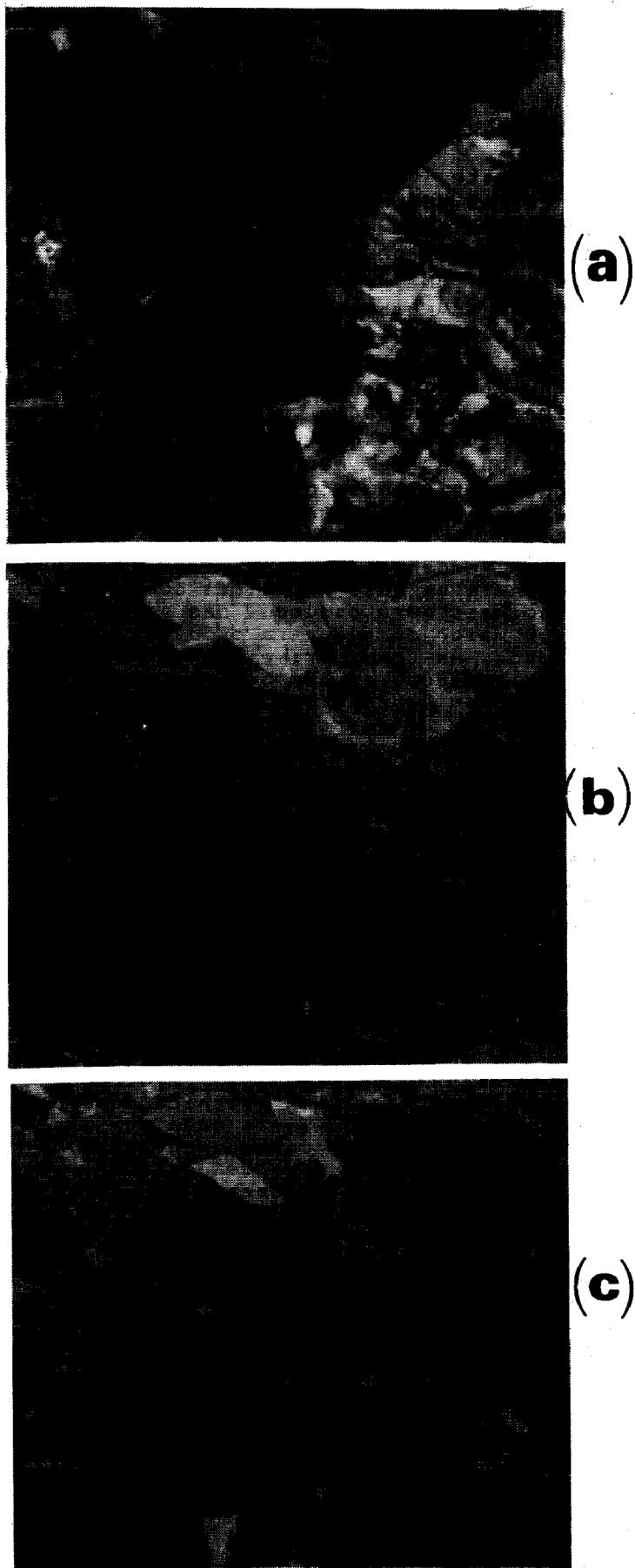


Fig. 2- Imagens componentes principais derivadas das imagens de Maio de 1984 e Abril de 1989: (a) primeira componente, (b) segunda componente e (c) terceira componente.

4. CONCLUSÕES

Neste trabalho foi revisto os conceitos de transformação em componentes principais e avaliação da aplicação das imagens geradas para detecção de mudanças em áreas reflorestadas com *Pinus* e *Eucalyptus* na área de estudo denominada Mogi-Guaçu. Observou-se que existe diferença significativa na contribuição das bandas para a formação da primeira componente a partir da comparação de dados não padronizados (maior contribuição da banda TM5) e dados padronizados (igual contribuição das bandas exceto banda TM4).

A porcentagem de variância acumulada para as duas primeiras componentes principais para os dados não padronizados é maior do que para os dados padronizados. As duas primeiras componentes principais da imagem de Março de 1987 apresentam variações diferentes da imagem de Novembro de 1987, motivada pela variação sazonal da cobertura do solo. As duas primeiras componentes das imagens de Maio de 1984 e Abril de 1989 apresentam comportamento semelhantes, indicando a pouca influência da variação sazonal da cobertura do solo. Portanto, para a detecção de mudanças é necessário que se utilize imagens da mesma época do ano.

A análise de componentes principais é uma técnica que depende da cena analisada. Não se pode conhecer a natureza exata das componentes principais sem uma análise da autoestrutura e inspeção visual das imagens resultantes. Embora esta seja uma técnica poderosa de redução de dados, ela deve ser usada somente com um bom conhecimento das características da área de estudo para evitar conclusões errôneas.

Os resultados obtidos neste trabalho refletem somente uma averiguación preliminar da utilização da técnica de componentes principais na detecção de mudanças e são bastantes encorajadores para o desenvolvimento de novos trabalhos.

5. REFERÊNCIAS BIBLIOGRÁFICAS

BYRNE, G.F.; CRAPPER P.F. ; Mayo, K.K.
1980. Monitoring Land-Cover Change
by Principal Component Analysis of

Multitemporal Landsat Data, Remote Sensing of Environment, 10, 175-184.

HERNANDEZ FILHO, P.; SHIMABUKURO, Y.E.
1978. Estabelecimento de metodologia para avaliação de povoados florestais artificiais, utilizando-se dados do Landsat. São José dos Campos, INPE. (INPE-1271-TPT/089).

LODWICK, G.D., 1979. Measuring Ecological Changes in Multitemporal Landsat Data Using Principal Components, Proceedings of the 13th International Symposium on Remote Sensing of Environment, Ann Arbor, Michigan, pp. 1131-1141.

MORRISON, D.F., 1976. Multivariate Statistical Methods, Second Edition. McGraw-Hill, New York, U.S.A., pp. 267-268.

RICHARDS, J.A., 1984. Thematic Mapping from Multitemporal Image Data Using the Principal Components Transformation, Remote Sensing of Environment, 16, 35-46.

RICHARDS, J.A., 1986. Remote Sensing Digital Image Analysis. Springer-Verlag Berlim Heidelberg, Germany, pp. 127-138.

SINGH, A., 1986. Change Detection in the Tropical Forest Environment of Northeastern India Using Landsat, Remote Sensing and Tropical Land Management, (M.J. Eden and J.T. Parry eds), John Wiley and Son, - Chichester, pp. 237-254.

TOWNSHEND, J.R., 1984. Agricultural Land-Cover Discrimination Using Thematic Mapper Spectral Bands. International Journal of Remote Sensing, 5,(4) 681-698.

TABELA 1
DADOS ESTATÍSTICOS DE 25 DE MARÇO DE 1987

| Banda | Média | | | | | | |
|-------|-------|--------|--------|--------|--------|--------|--------|
| | 1 | 2 | 3 | 4 | 5 | 7 | |
| 1 | 57.26 | 25.30 | | | | | |
| 2 | 24.82 | 22.23 | 22.54 | | | | |
| 3 | 25.05 | 37.89 | 36.52 | 69.81 | | | |
| 4 | 58.25 | 20.43 | 23.47 | 18.11 | 181.12 | | |
| 5 | 59.41 | 103.39 | 101.17 | 172.94 | 135.06 | 579.74 | |
| 7 | 16.41 | 46.03 | 43.86 | 84.67 | 22.13 | 237.60 | 116.98 |

Matriz de correlação

| | | | | | | |
|---|------|------|------|------|------|------|
| 1 | 1.00 | | | | | |
| 2 | 0.93 | 1.00 | | | | |
| 3 | 0.90 | 0.92 | 1.00 | | | |
| 4 | 0.30 | 0.37 | 0.16 | 1.00 | | |
| 5 | 0.85 | 0.89 | 0.86 | 0.42 | 1.00 | |
| 7 | 0.85 | 0.85 | 0.94 | 0.15 | 0.91 | 1.00 |

CPs não padronizadas

| Banda | Componentes principais | | | | | |
|-------------|------------------------|--------|--------|--------|--------|--------|
| | 1 | 2 | 3 | 4 | 5 | 6 |
| 1 | 0.156 | -0.048 | 0.348 | -0.474 | 0.736 | -0.293 |
| 2 | 0.152 | -0.024 | 0.310 | -0.383 | -0.088 | 0.852 |
| 3 | 0.261 | -0.193 | 0.644 | -0.077 | -0.574 | -0.380 |
| 4 | 0.214 | 0.941 | 0.210 | 0.154 | 0.008 | -0.019 |
| 5 | 0.845 | -0.055 | -0.491 | -0.173 | -0.086 | -0.061 |
| 7 | 0.352 | -0.266 | 0.287 | 0.754 | 0.338 | 0.200 |
| Autovalor | 803.52 | 161.57 | 19.53 | 7.22 | 2.46 | 1.17 |
| % variância | 80.72 | 16.23 | 1.96 | 0.73 | 0.25 | 0.12 |
| % acumulada | 80.72 | 96.95 | 98.91 | 99.64 | 99.89 | 100.00 |

CPs padronizadas

| Banda | Componentes principais | | | | | |
|-------------|------------------------|--------|--------|--------|--------|--------|
| | 1 | 2 | 3 | 4 | 5 | 6 |
| 1 | 0.439 | -0.039 | -0.552 | -0.564 | 0.427 | -0.005 |
| 2 | 0.447 | 0.026 | -0.392 | 0.218 | -0.681 | -0.367 |
| 3 | 0.442 | -0.216 | -0.091 | 0.061 | 0.221 | 0.573 |
| 4 | 0.168 | 0.946 | 0.039 | 0.181 | 0.202 | -0.037 |
| 5 | 0.441 | 0.085 | 0.520 | -0.463 | -0.378 | 0.413 |
| 7 | 0.435 | -0.220 | 0.510 | 0.124 | 0.348 | -0.604 |
| Autovalor | 4.67 | 0.96 | 0.20 | 0.08 | 0.06 | 0.02 |
| % variância | 77.96 | 16.03 | 3.34 | 1.34 | 1.00 | 0.33 |
| % acumulada | 77.96 | 93.99 | 97.33 | 98.67 | 99.67 | 100.00 |

IABELA 2
DADOS ESTATÍSTICOS DE 20 DE NOVEMBRO DE 1987

| Banda | Média | Matriz de covariância | | | | | |
|-------|-------|-----------------------|--------|--------|--------|---------|--------|
| | | 1 | 2 | 3 | 4 | 5 | 7 |
| 1 | 74.74 | 59.66 | | | | | |
| 2 | 34.88 | 53.88 | 55.19 | | | | |
| 3 | 36.55 | 97.24 | 95.08 | 188.62 | | | |
| 4 | 77.50 | 54.43 | 63.25 | 73.05 | 281.07 | | |
| 5 | 86.34 | 237.96 | 237.09 | 411.23 | 348.87 | 1252.73 | |
| 7 | 28.25 | 124.53 | 120.68 | 233.30 | 112.17 | 591.89 | 328.43 |

Matriz de correlação

| | | | | | | |
|---|------|------|------|------|------|------|
| 1 | 1.00 | | | | | |
| 2 | 0.94 | 1.00 | | | | |
| 3 | 0.92 | 0.93 | 1.00 | | | |
| 4 | 0.42 | 0.51 | 0.32 | 1.00 | | |
| 5 | 0.87 | 0.90 | 0.85 | 0.59 | 1.00 | |
| 7 | 0.89 | 0.90 | 0.94 | 0.37 | 0.92 | 1.00 |

CPs não padronizadas

| Banda | Componentes principais | | | | | |
|-------------|------------------------|--------|--------|--------|--------|--------|
| | 1 | 2 | 3 | 4 | 5 | 6 |
| 1 | 0.160 | -0.092 | 0.257 | -0.434 | 0.776 | -0.330 |
| 2 | 0.160 | -0.046 | 0.262 | -0.362 | 0.045 | 0.878 |
| 3 | 0.281 | -0.297 | 0.631 | -0.201 | -0.546 | -0.310 |
| 4 | 0.230 | 0.891 | 0.357 | 0.157 | 0.011 | -0.038 |
| 5 | 0.813 | 0.036 | -0.534 | -0.189 | -0.117 | -0.058 |
| 7 | 0.395 | -0.327 | 0.231 | 0.762 | 0.289 | 0.141 |
| Autovalor | 1875.29 | 220.90 | 46.50 | 14.93 | 5.68 | 2.40 |
| % variância | 86.59 | 10.20 | 2.15 | 0.69 | 0.26 | 0.11 |
| % acumulada | 86.59 | 96.79 | 98.94 | 99.63 | 99.89 | 100.00 |

CPs padronizadas

| Banda | Componentes principais | | | | | |
|-------------|------------------------|--------|--------|--------|--------|--------|
| | 1 | 2 | 3 | 4 | 5 | 6 |
| 1 | 0.432 | -0.134 | -0.485 | -0.608 | -0.437 | 0.010 |
| 2 | 0.441 | -0.030 | -0.374 | 0.105 | 0.705 | -0.396 |
| 3 | 0.428 | -0.279 | -0.170 | 0.622 | -0.155 | 0.547 |
| 4 | 0.247 | 0.923 | -0.090 | 0.192 | -0.206 | -0.026 |
| 5 | 0.434 | 0.112 | 0.562 | -0.405 | 0.343 | 0.449 |
| 7 | 0.432 | -0.198 | 0.521 | 0.181 | -0.357 | -0.584 |
| Autovalor | 4.87 | 0.82 | 0.16 | 0.08 | 0.05 | 0.02 |
| % variância | 81.17 | 13.67 | 2.67 | 1.33 | 0.83 | 0.33 |
| % acumulada | 81.17 | 94.84 | 97.51 | 98.84 | 99.67 | 100.00 |

IABELA 3
DADOS ESTATÍSTICOS DE 19 DE MAIO DE 1984

| Banda | Média | | | | | | | Matriz de covariância | | | | | | |
|-----------------------------|--------|--------|--------|--------|--------|--------|-------|-----------------------|---|---|---|---|---|---|
| | 1 | 2 | 3 | 4 | 5 | 6 | 7 | 1 | 2 | 3 | 4 | 5 | 6 | 7 |
| 1 | 47.12 | 14.42 | | | | | | | | | | | | |
| 2 | 18.37 | 11.54 | 11.46 | | | | | | | | | | | |
| 3 | 17.84 | 20.10 | 18.50 | 38.05 | | | | | | | | | | |
| 4 | 43.61 | 5.49 | 7.24 | -4.82 | 127.01 | | | | | | | | | |
| 5 | 39.34 | 54.94 | 50.86 | 84.92 | 54.04 | 294.22 | | | | | | | | |
| 7 | 9.11 | 21.66 | 19.57 | 38.49 | -2.24 | 104.79 | 46.64 | | | | | | | |
| Matriz de correlação | | | | | | | | | | | | | | |
| 1 | | 1.00 | | | | | | | | | | | | |
| 2 | | 0.90 | 1.00 | | | | | | | | | | | |
| 3 | | 0.86 | 0.89 | 1.00 | | | | | | | | | | |
| 4 | | 0.13 | 0.19 | -0.07 | 1.00 | | | | | | | | | |
| 5 | | 0.84 | 0.88 | 0.80 | 0.28 | 1.00 | | | | | | | | |
| 7 | | 0.84 | 0.85 | 0.91 | -0.03 | 0.89 | 1.00 | | | | | | | |
| CPs não padronizadas | | | | | | | | | | | | | | |
| Componentes principais | | | | | | | | | | | | | | |
| Banda | 1 | 2 | 3 | 4 | 5 | 6 | 7 | 1 | 2 | 3 | 4 | 5 | 6 | 7 |
| 1 | 0.167 | -0.056 | 0.302 | -0.570 | 0.695 | -0.264 | | | | | | | | |
| 2 | 0.154 | -0.034 | 0.274 | -0.350 | -0.113 | 0.874 | | | | | | | | |
| 3 | 0.260 | -0.206 | 0.722 | 0.019 | -0.505 | -0.338 | | | | | | | | |
| 4 | 0.179 | 0.953 | 0.216 | 0.112 | 0.026 | -0.015 | | | | | | | | |
| 5 | 0.866 | -0.043 | -0.456 | -0.119 | -0.140 | -0.078 | | | | | | | | |
| 7 | 0.313 | -0.209 | 0.243 | 0.725 | 0.478 | 0.213 | | | | | | | | |
| Autovalor | 388.38 | 125.52 | 11.35 | 3.66 | 1.95 | 0.95 | | | | | | | | |
| % variância | 73.03 | 23.60 | 2.13 | 0.69 | 0.37 | 0.18 | | | | | | | | |
| % acumulada | 73.03 | 96.63 | 98.76 | 99.45 | 99.82 | 100.00 | | | | | | | | |
| CPs Padronizadas | | | | | | | | | | | | | | |
| Componentes principais | | | | | | | | | | | | | | |
| Banda | 1 | 2 | 3 | 4 | 5 | 6 | 7 | 1 | 2 | 3 | 4 | 5 | 6 | 7 |
| 1 | 0.444 | 0.008 | -0.554 | 0.620 | 0.333 | -0.033 | | | | | | | | |
| 2 | 0.452 | 0.065 | -0.358 | -0.282 | -0.705 | -0.295 | | | | | | | | |
| 3 | 0.444 | -0.212 | -0.132 | -0.616 | 0.385 | 0.461 | | | | | | | | |
| 4 | 0.064 | 0.947 | -0.000 | -0.190 | 0.237 | -0.077 | | | | | | | | |
| 5 | 0.444 | 0.164 | 0.520 | 0.346 | -0.324 | 0.530 | | | | | | | | |
| 7 | 0.447 | -0.162 | 0.526 | -0.036 | 0.288 | -0.642 | | | | | | | | |
| Autovalor | 4.48 | 1.08 | 0.20 | 0.12 | 0.09 | 0.03 | | | | | | | | |
| % variância | 74.67 | 18.00 | 3.33 | 2.00 | 1.50 | 0.50 | | | | | | | | |
| % acumulada | 74.67 | 92.67 | 96.00 | 98.00 | 99.50 | 100.00 | | | | | | | | |

TABELA 4

DADOS ESTATÍSTICOS DE 15 DE ABRIL DE 1989

| Banda | Média | Matriz de covariância | | | | | |
|-------|-------|-----------------------|-------|--------|--------|--------|--------|
| | | 1 | 2 | 3 | 4 | 5 | 7 |
| 1 | 50.46 | 20.05 | | | | | |
| 2 | 21.73 | 17.26 | 17.12 | | | | |
| 3 | 21.04 | 28.47 | 26.69 | 59.57 | | | |
| 4 | 57.73 | 8.55 | 12.87 | 3.32 | 191.31 | | |
| 5 | 53.06 | 86.38 | 81.31 | 130.36 | 89.82 | 501.55 | |
| 7 | 14.28 | 38.86 | 35.54 | 71.76 | 5.23 | 192.58 | 101.75 |

Matriz de correlação

| | | | | | | |
|---|------|------|------|------|------|------|
| 1 | 1.00 | | | | | |
| 2 | 0.93 | 1.00 | | | | |
| 3 | 0.82 | 0.84 | 1.00 | | | |
| 4 | 0.14 | 0.22 | 0.03 | 1.00 | | |
| 5 | 0.86 | 0.88 | 0.75 | 0.29 | 1.00 | |
| 7 | 0.86 | 0.85 | 0.92 | 0.04 | 0.85 | 1.00 |

CPs não padronizadas

| Banda | Componentes principais | | | | | |
|-------------|------------------------|--------|--------|--------|--------|--------|
| | 1 | 2 | 3 | 4 | 5 | 6 |
| 1 | 0.154 | -0.058 | 0.111 | 0.536 | -0.558 | -0.601 |
| 2 | 0.145 | -0.028 | 0.116 | 0.500 | -0.303 | 0.789 |
| 3 | 0.242 | -0.167 | 0.640 | 0.316 | 0.627 | -0.104 |
| 4 | 0.176 | 0.957 | 0.225 | -0.039 | -0.025 | -0.017 |
| 5 | 0.863 | -0.043 | -0.480 | -0.018 | 0.151 | -0.020 |
| 7 | 0.348 | -0.224 | 0.532 | -0.601 | -0.424 | 0.067 |
| Autovalor | 663.38 | 181.55 | 32.44 | 5.85 | 4.01 | 1.12 |
| % variância | 74.42 | 20.70 | 3.64 | 0.66 | 0.45 | 0.13 |
| % acumulada | 74.42 | 95.12 | 98.76 | 99.42 | 99.87 | 100.00 |

CPs padronizadas

| Banda | Componentes principais | | | | | |
|-------------|------------------------|--------|--------|--------|--------|--------|
| | 1 | 2 | 3 | 4 | 5 | 6 |
| 1 | 0.450 | -0.035 | -0.396 | -0.420 | 0.645 | -0.217 |
| 2 | 0.454 | 0.052 | -0.269 | -0.421 | -0.619 | 0.398 |
| 3 | 0.433 | -0.189 | 0.680 | -0.188 | -0.184 | -0.495 |
| 4 | 0.093 | 0.955 | 0.247 | -0.065 | 0.110 | 0.040 |
| 5 | 0.440 | 0.139 | -0.373 | 0.687 | -0.205 | -0.365 |
| 7 | 0.449 | -0.169 | 0.328 | 0.368 | 0.336 | 0.644 |
| Autovalor | 4.46 | 1.04 | 0.23 | 0.16 | 0.07 | 0.05 |
| % variância | 74.21 | 17.30 | 3.83 | 2.66 | 1.16 | 0.83 |
| % acumulada | 74.21 | 91.51 | 95.34 | 98.00 | 99.16 | 100.00 |

TABELA 5

DADOS ESTATÍSTICOS DAS CPS MULTITEMPORAL (MAR/87 E NOV/87)

| Banda | Média | Matriz de covariância | | | | | |
|------------------------|---------|-----------------------|--------|--------|--------|--------|--------|
| | | Mar/87 | | | Nov/87 | | |
| | | 3 | 4 | 5 | 3 | 4 | 5 |
| Mar/87 | 3 | 25.05 | 69.81 | | | | |
| | 4 | 58.25 | 18.11 | 181.12 | | | |
| | 5 | 59.41 | 172.94 | 135.06 | 579.74 | | |
| Nov/87 | 3 | 36.55 | 73.24 | 41.35 | 198.24 | 188.62 | |
| | 4 | 77.55 | 66.08 | 126.47 | 266.54 | 73.05 | 281.07 |
| | 5 | 86.34 | 191.01 | 183.92 | 647.27 | 411.23 | 348.87 |
| Matriz de correlação | | | | | | | |
| Banda | Mar/87 | Mar/87 | | | Nov/87 | | |
| | | 3 | 4 | 5 | 3 | 4 | 5 |
| Mar/87 | 3 | 1.00 | | | | | |
| | 4 | 0.16 | 1.00 | | | | |
| | 5 | 0.86 | 0.42 | 1.00 | | | |
| Nov/87 | 3 | 0.64 | 0.23 | 0.60 | 1.00 | | |
| | 4 | 0.47 | 0.56 | 0.66 | 0.32 | 1.00 | |
| | 5 | 0.65 | 0.39 | 0.76 | 0.85 | 0.59 | 1.00 |
| CPs não padronizadas | | | | | | | |
| Componentes principais | | | | | | | |
| Banda | 1 | 2 | 3 | 4 | 5 | 6 | |
| Mar/87 | 0.141 | 0.062 | -0.331 | -0.026 | 0.291 | 0.884 | |
| | 4 | 0.141 | 0.407 | 0.554 | -0.700 | 0.025 | 0.127 |
| | 5 | 0.477 | 0.445 | -0.642 | -0.214 | -0.149 | -0.305 |
| Nov/87 | 3 | 0.252 | -0.346 | -0.032 | -0.202 | 0.826 | -0.306 |
| | 4 | 0.262 | 0.566 | 0.322 | 0.640 | 0.311 | -0.044 |
| | 5 | 0.755 | -0.439 | 0.257 | 0.114 | -0.339 | 0.117 |
| Autovalor | 1971.74 | 273.61 | 169.96 | 89.68 | 38.56 | 9.56 | |
| % variância | 77.23 | 10.72 | 6.66 | 3.51 | 1.51 | 0.37 | |
| % acumulada | 77.23 | 87.95 | 94.61 | 98.12 | 99.63 | 100.00 | |
| CPs padronizadas | | | | | | | |
| Componentes principais | | | | | | | |
| Banda | 1 | 2 | 3 | 4 | 5 | 6 | |
| Mar/87 | 0.424 | -0.324 | -0.453 | -0.377 | -0.390 | -0.465 | |
| | 4 | 0.268 | 0.724 | 0.348 | -0.514 | -0.089 | -0.107 |
| | 5 | 0.473 | -0.033 | -0.353 | -0.248 | 0.522 | 0.563 |
| Nov/87 | 3 | 0.404 | -0.381 | 0.563 | 0.043 | -0.442 | 0.420 |
| | 4 | 0.380 | 0.456 | -0.328 | 0.656 | -0.319 | 0.085 |
| | 5 | 0.465 | -0.129 | 0.352 | 0.317 | 0.521 | -0.521 |
| Autovalor | 3.80 | 1.07 | 0.59 | 0.35 | 0.13 | 0.06 | |
| % variância | 63.33 | 17.83 | 9.83 | 5.83 | 2.17 | 1.00 | |
| % acumulada | 63.33 | 81.16 | 90.99 | 96.82 | 98.99 | 100.00 | |

TABELA 6

DADOS ESTATÍSTICOS DOS CPS MULTITEMPORAL (MAI/84 E ABR/89)

| Banda | Média | | Matriz de covariância | | | | |
|------------------------|-------|--------|-----------------------|--------|--------|--------|--------|
| | | | Mai/84 | | Abr/89 | | |
| | 1 | 2 | 3 | 4 | 5 | 7 | |
| Mai/84 | 3 | 17.84 | 38.05 | | | | |
| | 4 | 43.61 | 4.82 | 127.01 | | | |
| | 5 | 39.34 | 84.92 | 54.04 | 294.22 | | |
| Abr/89 | 3 | 21.04 | 25.46 | 1.19 | 65.82 | 59.57 | |
| | 4 | 57.73 | 13.84 | 94.83 | 91.52 | 3.32 | 191.31 |
| | 5 | 53.06 | 83.41 | 46.57 | 268.97 | 130.36 | 89.82 |
| | | | | | | | 501.55 |
| Matriz de correlação | | | | | | | |
| Banda | | | Mai/84 | | Abr/89 | | |
| | 3 | 4 | 5 | 3 | 4 | 5 | |
| Mai/84 | 3 | 1.00 | | | | | |
| | 4 | 0.07 | 1.00 | | | | |
| | 5 | 0.80 | 0.28 | 1.00 | | | |
| Abr/89 | 3 | 0.53 | 0.01 | 0.50 | 1.00 | | |
| | 4 | 0.16 | 0.61 | 0.39 | 0.03 | 1.00 | |
| | 5 | 0.60 | 0.18 | 0.70 | 0.75 | 0.29 | 1.00 |
| PCs não padronizadas | | | | | | | |
| Componentes principais | | | | | | | |
| Banda | 1 | 2 | 3 | 4 | 5 | 6 | |
| Mai/84 | 3 | 0.158 | -0.082 | -0.277 | 0.127 | 0.195 | 0.915 |
| | 4 | 0.132 | 0.561 | 0.189 | 0.773 | 0.042 | 0.183 |
| | 5 | 0.537 | 0.083 | -0.777 | 0.111 | -0.056 | -0.293 |
| Abr/89 | 3 | 0.195 | -0.193 | 0.131 | 0.071 | 0.929 | -0.199 |
| | 4 | 0.227 | 0.735 | 0.154 | -0.607 | 0.122 | -0.037 |
| | 5 | 0.762 | -0.308 | 0.493 | -0.023 | -0.282 | 0.047 |
| Autovalor | | 776.56 | 233.96 | 111.42 | 59.79 | 21.88 | 8.10 |
| % variância | | 64.09 | 19.31 | 9.02 | 4.93 | 1.81 | 0.67 |
| % acumulada | | 64.09 | 83.40 | 92.60 | 97.53 | 99.34 | 100.00 |
| CPs padronizadas | | | | | | | |
| Componentes principais | | | | | | | |
| Banda | 1 | 2 | 3 | 4 | 5 | 6 | |
| Mai/84 | 3 | 0.460 | -0.252 | -0.526 | -0.091 | -0.346 | -0.566 |
| | 4 | 0.173 | 0.678 | 0.278 | -0.587 | -0.131 | -0.243 |
| | 5 | 0.512 | 0.025 | -0.371 | -0.317 | 0.204 | 0.676 |
| Abr/89 | 3 | 0.422 | -0.294 | 0.604 | 0.096 | -0.553 | 0.235 |
| | 4 | 0.255 | 0.617 | -0.166 | 0.704 | -0.162 | 0.073 |
| | 5 | 0.503 | -0.094 | 0.340 | 0.175 | 0.700 | -0.320 |
| Autovalor | | 3.11 | 1.56 | 0.65 | 0.37 | 0.21 | 0.11 |
| % variância | | 51.83 | 26.00 | 10.83 | 6.17 | 3.50 | 1.83 |
| % acumulada | | 51.83 | 77.83 | 88.66 | 94.83 | 98.33 | 100.00 |