



PALAVRAS CHAVES/KEY WORDS  
 AUTORES/AUTHORS  
*Multipolos, redução multipolos, admitância indefinida, acessos, portas.*

AUTORIZADA POR/AUTHORIZED BY  
*Marco Antonio Raupp  
 Diretor Geral*

AUTOR RESPONSÁVEL  
RESPONSIBLE AUTHOR  
*Claudemir M. da Silva*

DISTRIBUIÇÃO/DISTRIBUTION  
 INTERNA / INTERNAL  
 EXTERNA / EXTERNAL  
 RESTRITA / RESTRICTED

REVISADA POR / REVISED BY  
*P. Timi  
 Plinio Pissi*

CDU/UDC  
 621.3.029.6

DATA / DATE  
 Maio 1988

TÍTULO/TITLE	PUBLICAÇÃO Nº PUBLICATION NO <i>INPE-4536-PRE/1283</i>
	<i>DEFINIÇÃO DE ACESSOS EM MULTIPOLOS CARACTERIZADOS PELA MATRIZ DE ADMITÂNCIA INDEFINIDA</i>
AUTORES/AUTHORSHIP	<i>Claudemir Marcos da Silva Edson Gusella Júnior</i>

ORIGEM  
ORIGIN  
*DTL*

PROJETO  
PROJECT

Nº DE PAG.  
NO OF PAGES  
 10

ULTIMA PAG.  
LAST PAGE  
 09

VERSÃO  
VERSION

Nº DE MAPAS  
NO OF MAPS

RESUMO - NOTAS / ABSTRACT - NOTES

*Este artigo apresenta um método de redução da matriz de admitância indefinida de um multipolo que permite a definição de acessos sem terminais de referência comuns e com terminações mais gerais que dipolos.*

OBSERVAÇÕES / REMARKS  
*Submetido para publicação no III Simpósio Brasileiro de Microondas.*

# DEFINIÇÃO DE ACESSOS EM MULTIPOLOS CARACTERIZADOS PELA MATRIZ DE ADMITÂNCIA INDEFINIDA

Claudemir Marcos da Silva

Edson Gusella Júnior

Ministério da Ciência e Tecnologia - MCT  
Instituto de Pesquisas Espaciais - INPE  
Caixa Postal 515 - 12201 - São José dos Campos, SP

## RESUMO

Este artigo apresenta um método de redução da matriz de admitância indefinida de um multipolo que permite a definição de acessos sem terminais de referência comuns e com terminações mais gerais que dipolos.

## 1. INTRODUÇÃO

Na análise de circuitos em microondas há situações em que é desejável ou mesmo imprescindível uma forma de descrição do circuito a ser analisado mais geral que aquela baseada em operações entre quadripolos (ligação em cascata, série-série, etc.). Nessas situações, uma solução frequentemente adotada é a descrição do circuito em termos dos seus nós através do emprego da matriz de admitância indefinida (MAI) (Shekel [1], Huelzman [2]).

Neste tipo de descrição, nos  $N$  nós do circuito são definidas tensões e correntes com a peculiaridade que as tensões dos nós são medidas em relação a um nó de referência não pertencente ao circuito.

Normalmente se deseja analisar o comportamento da rede entre dois ou mais acessos formados por um subconjunto dos  $N$  nós (isto é, apenas um subconjunto dos  $N$  nós é acessível externamente). Essa análise pode ser feita a partir da MAI do circuito eliminando-se, convenientemente, as tensões e correntes dos nós internos, eliminação esta chamada de redução da MAI.

As técnicas de redução da MAI normalmente encontradas na literatura (Huelzman [2], Ferrante [3], Hetterscheid [4]), permitem a obtenção de uma matriz reduzida correspondente à rede com os acessos contendo um nó em comum ou com acessos sem nó comum somente se a matriz reduzida corresponder a um

quadripolo (Shekel [1]). Essas técnicas não são adequadas à análise de alguns tipos de rede (balanceadas, por exemplo) e limitam o tipo de terminação da rede original a dipolos. Nesse trabalho sugere-se uma forma de redução da MAI que não apresenta essas desvantagens.

## 2. REDUÇÃO DA MAI NO CASO DE ACESSOS COM UM NÓ COMUM

A MAI de uma rede de  $N$  nós define as relações entre a corrente de cada nó e as tensões dos  $N$  nós medidos com relação a um nó de referência não pertencente a rede (nó isolado). Se conectarmos o  $i$ -ésimo nó da rede ao nó de referência, a sua tensão ( $V_i$ ) anular-se-á e a sua corrente será uma combinação linear das correntes dos demais nós. Isto permite a eliminação da  $i$ -ésima linha e da  $i$ -ésima coluna da MAI e a matriz  $Y_D$  assim obtida é chamada de matriz de admitância nodal definida (MAND) (Huelsman [2]). A MAND define as relações entre a corrente de cada acesso  $j(I_j)$ , formado pelos  $j$ -ésimo e  $i$ -ésimo nós, e as tensões ( $U_n$ ) dos  $N-1$  acessos formados por cada um dos  $N-1$  nós e o  $i$ -ésimo nó.

Se não estivermos interessados em todos os  $N-1$  acessos a matriz reduzida pode ser obtida resolvendo-se o sistema de equações  $[I] = Y_D \cdot [U]$  (e aplicando-se a condição de que as correntes dos acessos sem interesse são nulas (Ferrante et alii [3])).

A matriz impedância do quadripolo (ou  $n$ -polo) reduzido também pode ser obtida invertendo-se a MAND  $Y_D$  e definindo-se uma submatriz composta pelos elementos de  $Y_D^{-1}$  correspondentes aos acessos de interesse (as correntes dos demais acessos são nulas).

Utilizando a mesma condição acima e definindo-se convenientemente submatrizes de  $Y_D$  a matriz admitância do quadripolo (ou  $n$ -polo) reduzida pode ser obtida a partir da equação matricial  $[I] = Y_D \cdot [U]$  (Hetterscheid [4]).

## 3. REDUÇÃO DA MAI NO CASO GERAL

Vamos supor que a rede da Figura 1, caracterizada pela MAI com elementos  $y_{ij}$ , possui 7 nós ( $N=7$ ) e que por razões externas podemos escrever as relações abaixo:

$$I_1 + I_2 + I_3 = 0; \quad I_4 + I_5 = 0; \quad I_6 + I_7 = 0. \quad (1)$$

Definimos as tensões a seguir:

$$V_{21} = V_2 - V_1; \quad V_{31} = V_3 - V_1; \quad V_{54} = V_5 - V_4; \quad V_{76} = V_7 - V_6. \quad (2)$$

A corrente do  $i$ -ésimo nó da rede é dada por:

$$I_i = y_{i1}V_1 + y_{i2}V_2 + \dots + y_{i7}V_7. \quad (3)$$

Obtendo  $V_2, V_3, V_5, V_7$  das expressões (2) e substituindo em (3) obtemos:

$$I_i = (y_{i1} + y_{i2} + y_{i3})V_1 + (y_{i4} + y_{i5})V_4 + (y_{i6} + y_{i7})V_6 + y_{i2}V_{21} + y_{i3}V_{31} + y_{i5}V_{54} + y_{i7}V_{76}. \quad (4)$$

Utilizando as expressões (1) e (4) obtemos as relações:

$$0 = \sum_{i=1}^3 (y_{i1} + y_{i2} + y_{i3})V_1 + \sum_{i=1}^3 (y_{i4} + y_{i5})V_4 + \sum_{i=1}^3 (y_{i6} + y_{i7})V_6 + \sum_{i=1}^3 y_{i2}V_{21} + \sum_{i=1}^3 y_{i3}V_{31} + \sum_{i=1}^3 y_{i5}V_{54} + \sum_{i=1}^3 y_{i7}V_{76}. \quad (5)$$

$$0 = \sum_{i=4}^5 (y_{i1} + y_{i2} + y_{i3})V_1 + \sum_{i=4}^5 (y_{i4} + y_{i5})V_4 + \sum_{i=4}^5 (y_{i6} + y_{i7})V_6 + \sum_{i=4}^5 y_{i2}V_{21} + \sum_{i=4}^5 y_{i3}V_{31} + \sum_{i=4}^5 y_{i5}V_{54} + \sum_{i=4}^5 y_{i7}V_{76}. \quad (6)$$

$$0 = \sum_{i=6}^7 (y_{i1} + y_{i2} + y_{i3})V_1 + \sum_{i=6}^7 (y_{i4} + y_{i5})V_4 + \sum_{i=6}^7 (y_{i6} + y_{i7})V_6 + \sum_{i=6}^7 y_{i2}V_{21} + \sum_{i=6}^7 y_{i3}V_{31} + \sum_{i=6}^7 y_{i5}V_{54} + \sum_{i=6}^7 y_{i7}V_{76}.$$

As expressões (5) podem ser escritas na forma matricial abaixo, onde  $Y_1$  e  $Y_2$  são obtidas comparando-se as expressões (5) e (6):

$$\begin{bmatrix} 0 \\ 0 \\ 0 \end{bmatrix} = Y_1 \cdot \begin{bmatrix} V_1 \\ V_4 \\ V_6 \end{bmatrix} + Y_2 \cdot \begin{bmatrix} V_{21} \\ V_{31} \\ V_{54} \\ V_{76} \end{bmatrix} \quad (6)$$

Não podemos obter  $V_1$ ,  $V_4$  e  $V_6$  a partir da expressão (6) porque utilizando as propriedades da MAI [2] verificamos que a matriz  $Y_1$  é singular. Para eliminarmos essa singularidade conectaremos um dos nós de referência dos acessos ao nó de referência 0. Se conectarmos o nó 1 temos  $V_1 = 0$  e poderemos escrever (6) na forma abaixo:

$$\begin{bmatrix} 0 \\ 0 \end{bmatrix} = Y_a \cdot \begin{bmatrix} V_4 \\ V_6 \end{bmatrix} + Y_b \cdot \begin{bmatrix} V_{21} \\ V_{31} \\ V_{54} \\ V_{76} \end{bmatrix} \quad (7)$$

com

$$Y_a = \begin{bmatrix} \sum_{i=1}^3 (y_{i_4} + y_{i_5}) & \sum_{i=1}^3 (y_{i_6} + y_{i_7}) \\ \sum_{i=4}^5 (y_{i_4} + y_{i_5}) & \sum_{i=4}^5 (y_{i_6} + y_{i_7}) \end{bmatrix}$$

e

$$Y_b = \begin{bmatrix} \sum_{i=1}^3 y_{i_2} & \sum_{i=1}^3 y_{i_3} & \sum_{i=1}^3 y_{i_5} & \sum_{i=1}^3 y_{i_7} \\ \sum_{i=4}^5 y_{i_2} & \sum_{i=4}^5 y_{i_3} & \sum_{i=4}^5 y_{i_5} & \sum_{i=4}^5 y_{i_7} \end{bmatrix} \quad (8)$$

Note que como temos apenas duas incógnitas ( $V_4$  e  $V_6$ ) utilizamos apenas as duas primeiras relações entre as correntes.

As correntes dos acessos ( $I_2$ ,  $I_3$ ,  $I_5$  e  $I_7$ ) são expressas através de (4) e na forma matricial temos:

$$\begin{bmatrix} I_2 \\ I_3 \\ I_5 \\ I_7 \end{bmatrix} = Y_c \cdot \begin{bmatrix} V_4 \\ V_6 \end{bmatrix} + Y_d \cdot \begin{bmatrix} V_{21} \\ V_{31} \\ V_{54} \\ V_{76} \end{bmatrix} \quad (9)$$

com

$$Y_C = \begin{bmatrix} y_{24}+y_{25} & y_{26}+y_{27} \\ y_{34}+y_{35} & y_{36}+y_{37} \\ y_{54}+y_{55} & y_{56}+y_{57} \\ y_{74}+y_{75} & y_{76}+y_{77} \end{bmatrix} \quad \text{e} \quad Y_D = \begin{bmatrix} y_{22} & y_{23} & y_{25} & y_{27} \\ y_{32} & y_{33} & y_{35} & y_{37} \\ y_{52} & y_{53} & y_{55} & y_{57} \\ y_{72} & y_{73} & y_{75} & y_{77} \end{bmatrix} \quad (10)$$

Utilizando (7) e (9) concluímos que a matriz admitância procurada é dada por

$$Y_D^r = Y_D - Y_C \cdot Y_a^{-1} \cdot Y_b \quad (11)$$

com  $Y_a$ ,  $Y_b$ ,  $Y_c$  e  $Y_d$  dadas por (8) e (10).

Vamos supor agora que a rede da Figura 1 possui 7 nós ( $N=7$ ) e que por razões externas as relações abaixo são válidas (Figura 2):

$$I_1 + I_2 + I_3 = 0 ; \quad I_4 + I_5 = 0 ; \quad I_6 = I_7 = 0 \quad (12)$$

Esse caso se diferencia do anterior pelo fato de que os nós 6 e 7 agora são internos.

Podemos escrever:

$$I_i = (y_{i1}+y_{i2}+y_{i3})V_1+(y_{i4}+y_{i5})V_4+y_{i6}V_6+y_{i7}V_7+y_{i2}V_{21}+y_{i3}V_{31}+y_{i5}V_{54} \quad (13)$$

onde utilizamos  $V_2$ ,  $V_3$  e  $V_5$  obtidos das três primeira relações de (2).

As tensões  $V_1$  e  $V_4$  (dos nós de referência dos acessos) e  $V_6$  e  $V_7$  (dos nós em aberto) devem ser expressas em função das tensões de acesso  $V_{21}$ ,  $V_{31}$  e  $V_{54}$ . Seguindo o mesmo desenvolvimento anterior concluímos que um dos nós de referência do acesso deve ser conectado ao nó de referência, para que as relações entre  $V_1$ ,  $V_4$ ,  $V_6$ ,  $V_7$  e  $V_{21}$ ,  $V_{31}$  e  $V_{54}$  possam ser obtidas. Se conectarmos o nó 1 obtemos a mesma expressão para  $Y_D^r$  de (11) com  $Y_a$ ,  $Y_b$ ,  $Y_c$  e  $Y_d$  dadas abaixo.

Note que como tínhamos 3 incógnitas ( $V_4$ ,  $V_6$  e  $V_7$ ) utilizamos as duas primeiras relações de (12) e a relação  $I_6 = 0$ .  $Y_D^r$  dada por (11) e (14) expressa as relações entre as correntes  $I_2$ ,  $I_3$  e  $I_5$  e as tensões  $V_{21}$ ,  $V_{31}$  e  $V_{54}$ .

$$\begin{aligned}
Y_a &= \begin{bmatrix} \sum_{i=1}^3 (y_{i4} + y_{i5}) & \sum_{i=1}^3 y_{i6} & \sum_{i=1}^3 y_{i7} \\ \sum_{i=4}^5 (y_{i4} + y_{i5}) & \sum_{i=4}^5 y_{i6} & \sum_{i=4}^5 y_{i7} \\ y_{64} + y_{65} & y_{66} & y_{67} \end{bmatrix} & Y_b &= \begin{bmatrix} \sum_{i=1}^3 y_{i2} & \sum_{i=1}^3 y_{i3} & \sum_{i=1}^3 y_{i5} \\ \sum_{i=4}^5 y_{i2} & \sum_{i=4}^5 y_{i3} & \sum_{i=4}^5 y_{i5} \\ y_{62} & y_{63} & y_{65} \end{bmatrix} \\
Y_c &= \begin{bmatrix} y_{24} + y_{25} & y_{26} & y_{27} \\ y_{34} + y_{35} & y_{36} & y_{37} \\ y_{54} + y_{55} & y_{56} & y_{57} \end{bmatrix} & Y_d &= \begin{bmatrix} y_{22} & y_{23} & y_{25} \\ y_{32} & y_{33} & y_{35} \\ y_{52} & y_{53} & y_{55} \end{bmatrix} \quad (14)
\end{aligned}$$

Os casos tratados aqui podem ser generalizados para qualquer valor conveniente de N e pode ser definido um algoritmo para a obtenção das matrizes  $Y_a$ ,  $Y_b$ ,  $Y_c$  e  $Y_d$ . O Apêndice A apresenta dois algoritmos para esta finalidade.

Como exemplo do método desenvolvido analisemos a rede da Figura 3a. Queremos obter a matriz admitância do quadripolo com acessos 1-3 e 2-4. Como visto o nó 3 ou 4 deve ser conectado ao nó de referência. Se conectarmos o nó 3 temos a situação da Figura 3b.

Utilizando o Algoritmo 1 do Apêndice A (todos nós da rede são acessíveis externamente) obtemos, inicialmente, a MAI Y da rede da Figura 3a:

$$Y = \begin{bmatrix} 0,75 & -0,5 & -0,25 & 0 \\ -0,5 & 0,75 & 0 & -0,25 \\ -0,25 & 0 & 0,75 & -0,5 \\ 0 & -0,25 & -0,5 & 0,75 \end{bmatrix}$$

As matrizes  $Y_a$ ,  $Y_b$ ,  $Y_c$  e  $Y_d$  são:

$$Y_a = y_{22} + y_{24} + y_{42} + y_{44} = 1$$

$$Y_b = [y_{21} + y_{41} \quad y_{22} + y_{42}] = [-0,5 \quad 0,5]$$

$$Y_c = \begin{bmatrix} y_{12} + y_{14} \\ y_{22} + y_{24} \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} -0,5 \\ 0,5 \end{bmatrix}$$

$$Y_d = \begin{bmatrix} y_{11} & y_{12} \\ y_{21} & y_{22} \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 0,75 & -0,5 \\ -0,5 & 0,75 \end{bmatrix}$$

A matriz admitância  $Y_D^r$  do quadripolo da Figura 3 b é:

$$Y_D^r = Y_d - Y_c \cdot Y_a^{-1} \cdot Y_b = \begin{bmatrix} 0,5 & -0,25 \\ -0,25 & 0,5 \end{bmatrix}$$

#### 4. CONCLUSÕES

Foi desenvolvido um método de redução da matriz de admitância indefinida de uma rede que permite a definição de acessos sem nós de referência comuns e terminações gerais (não somente dipolos) conectadas ao nó da rede. A partir das expressões apresentadas foram gerados dois algoritmos para o cálculo da matriz de admitância nodal definida reduzida para qualquer número de nós.

#### 5. REFERÊNCIAS

- [1] Shekel, J. *Matrix analysis of multiterminal transducers*. Proceedings of IRE, May 1954, 840-847.
- [2] Huelsman, L.P. *Circuits Matrices and linear vector spaces*. McGraw-Hill Book Company Inc., 1963, Cap. 3.
- [3] Ferrante, J.G.; Nielson, J.K.; Montenegro, A.S. *ESAMEC - A computer program for analysis and design of microwave electronic circuits*. ESA, E.W.P. 1042, Noordwijk, December 1976.
- [4] Hetterscheld, W.Th.H. *Transistor bandpass amplifiers*. Cleaver-Hume Press Ltd., Eindhoven, 1964, Cap. 1, Ap. 1.4, 1.5, 1.6.

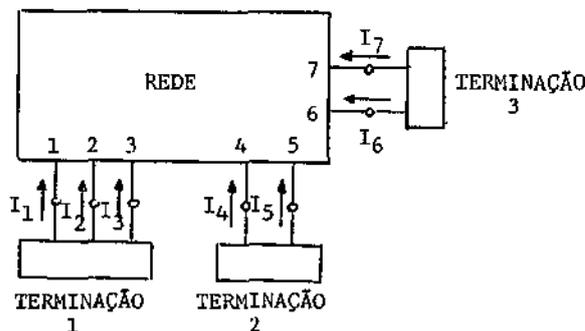


Fig. 1 - Rede de 7 nós terminada por dipolos e 3-polo.

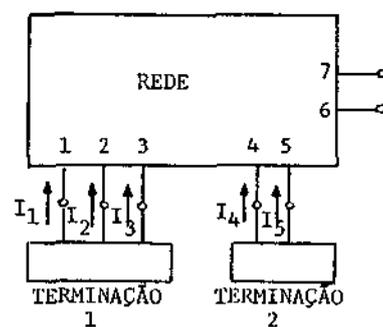
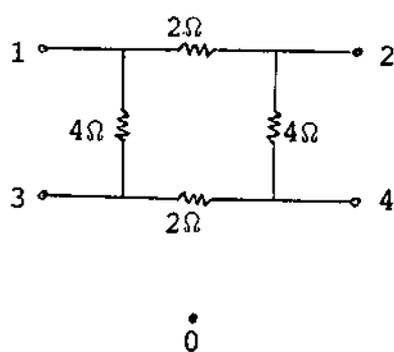
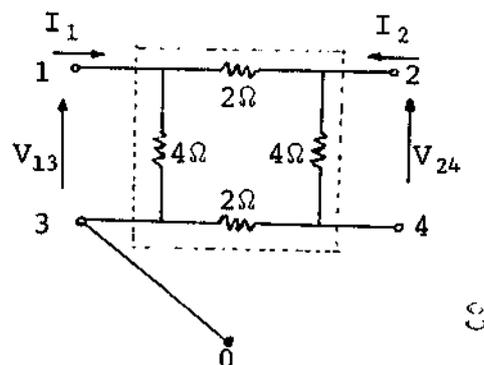


Fig. 2 - Rede de 7 nós terminada por dipolo e 3-polo e com 2 nós internos.



(a)



(b)

Fig. 3 - (a) 4-polo e n̄o de referênciã para obtenção da MAI.

(b) 4-polo com n̄o 3 no n̄o de referênciã e convenção para obtenção da matriz admitãnciã do quadripolo.

## APÊNDICE A

### ALGORÍTMO 1

São dadas K relações de correntes (envolvendo duas ou mais correntes de n̄o) de uma rede com N n̄os, caracterizada por sua matriz de admitãnciã indefinida Y cujos elementos são indicados por  $y_{pq}$  ( $\dim Y = N \times N$ ). As K relações envolvem o total das N correntes de n̄o da rede.

- 1) Escolha um n̄o de referênciã de acesso em cada acesso definido por uma das K relações de corrente.
- 2) Escolha um n̄o de referênciã de acesso (entre os K existentes) para ser conectado ao n̄o de referênciã (o utilizado para definição da MAI).
- 3) Elimine uma relação de corrente e a tensão  $V_1$  do n̄o de referênciã de acesso que foi conectado ao n̄o de referênciã (pois  $V_1 = 0$ ) (para maior facilidade de aplicação do algoritmo sugere-se eliminar a relação de corrente associada ao l-ésimo n̄o).
- 4) Sequencie as K-1 relações de corrente.
- 5) Defina um vetor coluna  $[V]$  ( $\dim[v]=(K-1) \times 1$ ) com as tensões dos n̄os de referênciã de acesso.

- 6) Defina um vetor coluna  $[U]$  ( $\dim[U] = (N-K) \times 1$ ) com as tensões dos nós dos acessos medidas em relação ao nó de referência de acesso ( $U_m = V_m - V_n$  sendo o  $n$ -ésimo nó o nó de referência do acesso considerado e  $V_n$  a sua tensão).
- 7) Defina um vetor coluna  $[I]$  ( $\dim[I] = (N-K) \times 1$ ) com as correntes dos nós de cada acesso, excetuando-se as correntes dos seus nós de referência.  $[I]$  deve estar ordenado da mesma forma que  $[U]$  (isto é, a  $i$ -ésima linha de  $[I]$  e de  $[U]$  contêm, respectivamente, a corrente  $I_j$  e a tensão  $V_j$  do  $j$ -ésimo nó da rede).
- 8) A matriz  $Y_a$  tem dimensão  $(K-1) \times (K-1)$  e seus elementos  $y_{ij}^a$  são a soma dos  $y_{pq}$  da  $MAI Y$  tal que  $p$  assume os valores dos índices das correntes envolvidas na  $i$ -ésima relação de corrente e  $q$  assume os valores dos índices das correntes envolvidas na relação de corrente associada à tensão de referência contida na  $j$ -ésima linha do vetor  $[V]$ , mesmo que a relação tenha sido eliminada.
- 9) A matriz  $Y_b$  tem dimensão  $(K-1) \times (N-K)$  e elementos  $y_{ij}^b$  que são a soma dos  $y_{pq}$  da  $MAI Y$  tal que  $p$  assume os valores dos índices das correntes envolvidas na  $i$ -ésima relação de corrente e  $q$  assume o mesmo valor do índice da tensão de acesso contida na  $j$ -ésima linha do vetor  $[U]$ .
- 10) A matriz  $Y_c$  tem dimensão  $(N-K) \times (K-1)$  e elementos  $y_{ij}^c$  que são a soma dos  $y_{pq}$  da  $MAI Y$  tal que  $p$  assume o valor do índice da tensão de acesso contida na  $i$ -ésima linha do vetor  $[U]$  e  $q$  assume os valores dos índices das correntes envolvidas na relação associada a tensão de referência contida na  $j$ -ésima linha do vetor  $[V]$ , mesmo que a relação tenha sido eliminada.
- 11) A matriz  $Y_d$  tem dimensão  $(N-K) \times (N-K)$  e elementos  $y_{ij}^d$  dados por  $y_{ij}^d = y_{pq}$  para  $p$  assumindo o valor do índice da tensão de acesso contida na  $i$ -ésima linha do vetor  $[U]$  e  $q$  assumindo o valor do índice da tensão de acesso contida na  $j$ -ésima linha do vetor  $[U]$ .

## ALGORÍTMO 2

§

São dadas  $K$  relações de correntes (envolvendo duas ou mais correntes de nó) de uma rede com  $N$  nós caracterizada pela sua matriz de admitância indefinida  $Y$  cujos elementos são indicados por  $y_{pq}$  ( $\dim Y = N \times N$ ). As  $K$  relações en-

volvem  $M$  correntes de n $\bar{o}$  da rede com  $M < N$ . Logo temos  $(N-M)$  n $\bar{o}$ s internos com correntes nulas.

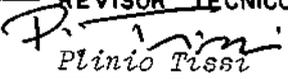
O algoritmo para determina $\tilde{c}$ o de  $Y_a$ ,  $Y_b$ ,  $Y_c$  e  $Y_d$   $\tilde{e}$  o mesmo Algoritmo 1, com as mudan $\tilde{c}$ as em alguns passos indicadas abaixo:

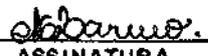
- 4) Sequ $\tilde{e}$ ncie  $N+K-M-1$  rela $\tilde{c}$ o $\tilde{e}$ s de correntes ( $K-1$  fornecidas para defini $\tilde{c}$ o dos acessos e  $N-M$  rela $\tilde{c}$ o $\tilde{e}$ s do tipo  $I_j = 0$  associadas aos n $\bar{o}$ s internos).
- 5)  $\dim [V] = (N+K-M-1) \times 1$ .  $[V]$  inclui tamb $\tilde{e}$ m as  $N-M$  tens $\tilde{o}$ es  $V_j$  dos n $\bar{o}$ s internos.
- 6)  $\dim [U] = (M-K) \times 1$ .
- 7)  $\dim [I] = (M-K) \times 1$ .
- 8)  $\dim Y_a = (N+K-M-1) \times (N+K-M-1)$ .  $q$  assume os valores dos  $\tilde{i}$ ndices das correntes envolvidas na rela $\tilde{c}$ o $\tilde{e}$  de corrente associada  $\tilde{a}$  tens $\tilde{o}$  de refer $\tilde{e}$ nc $\tilde{i}$ a ou de n $\bar{o}$  interno contida na  $j$ - $\tilde{e}$ sima linha do vetor  $[V]$ , mesmo que a rela $\tilde{c}$ o $\tilde{e}$  tenha sido eliminada.
- 9)  $\dim Y_b = (N+K-M-1) \times (M-K)$ .
- 10)  $\dim Y_c = (M-K) \times (N+K-M-1)$ .  $q$  assume os valores dos  $\tilde{i}$ ndices das correntes envolvidas na rela $\tilde{c}$ o $\tilde{e}$  associada  $\tilde{a}$  tens $\tilde{o}$  de refer $\tilde{e}$ nc $\tilde{i}$ a ou de n $\bar{o}$  interno contida na  $j$ - $\tilde{e}$ sima linha do vetor  $[V]$ , mesmo que a rela $\tilde{c}$ o $\tilde{e}$  tenha sido eliminada.
- 11)  $\dim Y_d = (M-K) \times (M-K)$ .

**PROPOSTA PARA PUBLICAÇÃO**

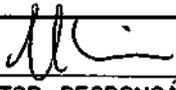
DATA

IDENTIFICAÇÃO	TÍTULO	
	DEFINIÇÃO DE ACESSOS EM MULTIPOLOS CARACTERIZADOS PELA MATRIZ DE ADMITÂNCIA INDEFINIDA	
	AUTORIA	PROJETO/PROGRAMA
	Claudemir Marcos da Silva Edson Gusella Júnior	DIVISÃO DEPARTAMENTO DTL
DIVULGAÇÃO <input type="checkbox"/> EXTERNA <input type="checkbox"/> INTERNA    MEIO:		

REVISÃO TÉCNICA	REVISOR TÉCNICO	APROVADO: <input type="checkbox"/> SIM <input type="checkbox"/> NÃO <input type="checkbox"/> VER VERSO	APROVAÇÕES
	 Plinio Tissi	DATA    CHEFE    DIVISÃO	
REVISÃO TÉCNICA	RECEBI EM: _____ REVISADO EM: _____ OBSERVAÇÕES: <input type="checkbox"/> NÃO HÁ <input type="checkbox"/> VER VERSO DEVOLVI EM: _____	APROVADO: <input checked="" type="checkbox"/> SIM <input type="checkbox"/> NÃO <input type="checkbox"/> VER VERSO  DATA    CHEFE DEPARTAMENTO	APROVAÇÕES
	ASSINATURA	DATA    CHEFE DEPARTAMENTO	

REVISÃO DE LINGUAGEM	Nº : _____ PRIORIDADE: _____ DATA: _____ REVISADO <input type="checkbox"/> COM <input type="checkbox"/> SEM <input type="checkbox"/> CORREÇÕES <input type="checkbox"/> VER VERSO POR: _____ DATA    ASSINATURA	O(S) AUTOR(ES) DEVE(M) MENCIONAR NO VERSO, OU ANEXAR NORMAS E/OU INSTRUÇÕES ESPECIAIS	DATILOGRAFIA
	RECEBIDO EM: _____ 01/88 CONCLUÍDO EM: _____ 05/88 DATILÓGRAFA : _____  ASSINATURA	ASSINATURA	

FAVORÁVEL : <input type="checkbox"/> SIM <input type="checkbox"/> NÃO <input type="checkbox"/> VER VERSO <input type="checkbox"/> VER VERSO	PARECER	DATA	RESPONSÁVEL/PROGRAMA
---------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------	---------	------	----------------------

EM CONDIÇÕES DE PUBLICAÇÃO EM: _____	 AUTOR RESPONSÁVEL
--------------------------------------	------------------------------------------------------------------------------------------------------------

AUTORIZO A PUBLICAÇÃO : <input type="checkbox"/> SIM <input type="checkbox"/> NÃO DIVULGAÇÃO <input type="checkbox"/> INTERNA <input type="checkbox"/> EXTERNA    MEIO: _____ OBSERVAÇÕES : 11/05/88 DATA	_____ DIRETOR
-----------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------	------------------

SEC	PUBLICAÇÃO: 4526-PRC/1283    PÁGINAS: _____    ÚLTIMA PÁGINA: _____ CÓPIAS: _____    TIPO: _____    PREÇO: _____
-----	---------------------------------------------------------------------------------------------------------------------